

An aerial photograph of a city, likely Budapest, showing a river on the left and a large, ornate building with a dome in the foreground. The city is densely packed with buildings, and the river flows through the landscape. The word "Szimuláció" is overlaid on the image in a large, black, sans-serif font.

Szimuláció



Szimuláció



Definíció: A modell rendszerint bonyolult, részleteiben nem ismert rendszerek működésének megismerésére készített szemantikus elképzelés, amelyből új összefüggésekre lehet következtetni, vagy amely alkalmas arra, hogy a rendszer jelenségei matematikailag leírhatók legyenek. A modell a valódi rendszereknek többnyire csak főbb tulajdonságait tükrözi, egyszerűsített formában.

MODELLEZÉS: A modell elkészítésének folyamata.

SZIMULÁCIÓ: A modell használatának folyamata.





Szimuláció



A modellalkotás első lépésében meg kell határozni a modellben szereplő objektumokat, amelyeket meg kell feleltetni a valós rendszer objektumainak (objektumai egy-egy osztályának).

Ez a megfeleltetés általában állapotaik megfeleltetését jelenti. Ahhoz ugyanis, hogy objektumokról külön-külön beszélhessünk, szükség van individuális létezésükre, amelyet állapotaik megadásával helyettesítünk.

Ezután következő feladat a rendszer állapotváltozását (az objektumok számának változását, állapotainak változását) leíró algoritmus elkészítése.





Szimuláció



A modelleket két nagy osztályba soroljuk.

Az egyikben a teljes jövőt előre kiszámítjuk (a kezdőállapotból), s azután csak a kiszámított jövő megjelenítése a feladat.

A másikban az aktuális állapotból csak a következő időegységbeli állapotot határozzuk meg, majd abból számítjuk a következőt ...

Amivel most foglalkozunk: sok elem mozog térben (síkban) egymástól függően, miközben állapotukat változtathatják.

Feladat: folyamatleírás – egy elemmel mi történhet?





Szimuláció



Megvalósítási lehetőség:

- időléptetés (minden időegységben történik mindenkivel)
 - elemenkénti vizsgálat
 - helyenkénti vizsgálat
- eseményléptetés (a következő esemény időpontjára lépünk és azt végrehajtjuk)

A párhuzamosság problémája: a valós világ párhuzamosságát a számítógép szekvenciális működésére kell átalakítani úgy, hogy az eseményeket a programbeli sorrend ne befolyásolja!



Feladat: folyamatleírás – egy elemmel mi történhet?



Szimuláció: havazás



Feladat: havazás

A szimulációs tér egy mátrix, ahova fentről hópelyhek lépnek be. A hópelyhek időegységenként egyet lépnek lefelé (egyszerre – azaz párhuzamosan). Ha alulra érnek, vagy már lent álló hópelyhely fölé érnek, akkor 3 jelenség történhet (az alábbi sorrendben):

- ha balra lefelé léphet, akkor oda lép;
- ha jobbra lefelé léphet, akkor oda lép;
- helyben marad.





Szimuláció: havazás



Megvalósítási lehetőségek:

- időléptetés: ez a természetes, a hópelyhek időegységenként lépnek egyet
 - elemenkénti vizsgálat: minden hópelyhelyre – mi történhet?
 - helyenkénti vizsgálat: minden helyre – mi történhet?
- eseményleptetés: lehetne esemény az, amikor a hópelyhely a végleges helyére kerül, de ezt nehéz előre kiszámolni.

Párhuzamosság megoldása: előbb léptetjük azt, aki a mozgásával másokat akadályozhat.





Szimuláció: havazás - hópelyhenként



Ábrázolás:

N, M – a tér mérete

DB – a hópelyhek száma

$H(DB)$ – a hópelyhek sor- és oszlopkoordinátái

Párhuzamosság: ha a hópelyheket belépési idejük szerinti sorrendben vizsgáljuk, akkor az akadályozó előbb léphet, mint az akadályozott.

A belépés balról jobbra sorrendben történjen!





Szimuláció: havazás - hópelyhenként



Szimulációs lépés:

Ciklus $i=1$ -től DB -ig

Ha $H(i).sor < N$ akkor

Ha $szabad(H(i).sor+1, H(i).oszlop)$

akkor $H(i).sor := H(i).sor+1$

különben ha $szabad(H(i).sor+1, H(i).oszlop-1)$

akkor $H(i).sor := H(i).sor+1$

$H(i).oszlop := H(i).oszlop-1$

különben ha $szabad(H(i).sor+1, H(i).oszlop+1)$ és

$szabad(H(i).sor+1, H(i).oszlop-1)$

akkor $H(i).sor := H(i).sor+1$

$H(i).oszlop := H(i).oszlop+1$

Ciklus vége

Belépés az 1. sorba

Eljárás vége.



Kérdések: Kell 1-től?

Mekkora H tömb kell?



Szimuláció: havazás - hópelyhenként



szabad(sor, oszlop) :

 j:=1

 Ciklus amíg $j \leq DB$ és

 nem(sor=H(j).sor és oszlop=H(j).oszlop))

 j:=j+1

 Ciklus vége

 szabad:=j>DB

Eljárás vége.

Belépés az 1. sorba:

 Ciklus j=1-től M-ig

 Ha *van belépés* akkor DB:=DB+1

 H(DB).sor:=1; H(DB).oszlop=j

 Ciklus vége

Eljárás vége.





Szimuláció: havazás - helyenként



Ábrázolás:

N, M – a tér mérete

$T(N, M)$ – a szimulációs tér, belépés az első sorba

$T(N+1, M)$ – az első alatti sor kitöltve álló hópelyekkel, így a hópelyek megállása egységesen kezelhető

$T(i, j) = 0$, ha nincs ott hópely; 1, ha van ott hópely.

Párhuzamosság: ha a teret alulról felfelé haladva vizsgáljuk, akkor aki akadályozhat, azt előbb mozgatjuk, mint azt, akit akadályoz.





Szimuláció: havazás - helyenként



Szimulációs lépés:

Ciklus $i=N-1$ -től 1 -ig -1 -esével

Lefelé lépés az i . sorból

Balra lefelé lépés az i . sorból

Jobbra lefelé lépés az i . sorból

Ciklus vége

Belépés az 1 . sorba

Eljárás vége.

A mozgás sorrendje a szabályok sorrendjének felel meg.

Kérdés: mi a teendő, ha van olyan hely, ahova egyszerre jönnének balról és jobbról is?





Szimuláció: havazás - helyenként



Lefelé lépés az i . sorból

Ciklus $j=1$ -től M -ig

Ha $T(i, j)=1$ és $T(i+1, j)=0$

akkor $T(i+1, j):=1$; $T(i, j):=0$

Ciklus vége

Eljárás vége.

Balra lefelé lépés az i . sorból

Ciklus $j=2$ -től M -ig

Ha $T(i, j)=1$ és $T(i+1, j-1)=0$

akkor $T(i+1, j-1):=1$; $T(i, j):=0$

Ciklus vége

Eljárás vége.





Szimuláció: havazás - helyenként



Jobbra lefelé lépés az i . sorból

Ciklus $j=1$ -től $M-1$ -ig

Ha $T(i, j)=1$ és $T(i+1, j+1)=0$

akkor $T(i+1, j+1):=1$; $T(i, j):=0$

Ciklus vége

Eljárás vége.

Belépés az 1. sorba:

Ciklus $j=1$ -től M -ig

Ha *van* belépés akkor $T(1, j):=1$

Ciklus vége

Eljárás vége.



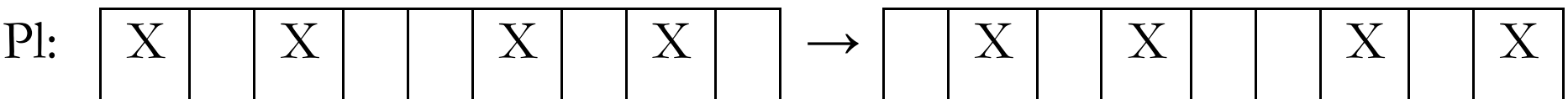


Közlekedés szimuláció



Egy utat középen egy gyalogosátkelő két szakaszra oszt, a zebrahoz közlekedési lámpát helyeztek. Az útszakaszokat négyzetes cellákra osztjuk. N cella van a lámpa előtt, 1 cella a zebra, újabb N cella van a lámpa mögött. A mozgás szabályai:

- egy autó egy időegység alatt egy cellával mozdulhat el



- egy útszakaszon két autó között mindig kell lenni legalább 1 üres cellának (akkor is, ha sűrűbben érkeznének)

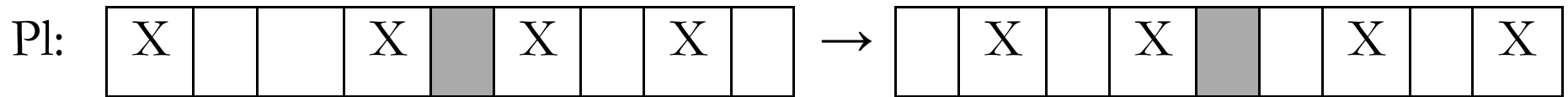




Közlekedés szimuláció



- a közlekedési lámpa periodikusan váltakozik piros és zöld között, piros lámpaállásnál autó nem léphet a zebrára.



Készíts programot, amely megadja, hogy az egyes autók melyik időpillanatban jutnak ki az útszakasz végén!

Megoldási elv:

- tömbök helyenként
- sorok autónként





Szimuláció: közlekedés szimuláció



Lámpa nélküli eset – 1 időegység lejátszása:

Útszimuláció1:

Ciklus $j=N-1$ -től 1 -ig -1 -esével

$T(j+1) := T(j)$

Ciklus vége

Ha véletlenszám $< Be$ akkor $T(1) := 1$ különben $T(1) := 0$

Eljárás vége.

Útszimuláció2(idő):

Ha nem üres(S) és idő-első(S) $> N$ akkor Sorból(S, x)

Ha véletlenszám $< Be$ akkor Sorba($S, idő$)

Eljárás vége.





Szimuláció: közlekedés szimuláció



Lámpás eset – 1 időegység lejátszása:

Útszimuláció1:

Ciklus $j=N-1$ -től L -ig -1 -esével

$T(j+1) := T(j)$

Ciklus vége

Ha zöldlámpa akkor $T(L) := T(L-1)$ különben $T(L) := 0$

Ciklus $j=L-2$ -től 1 -ig -1 -esével

Ha $T(j+2)=0$ és $T(j)=1$ akkor $T(j+1) := 1$
különben $T(j+1) := 0$

Ciklus vége

Ha véletlenszám $< B_e$ és $T(2)=0$ akkor $T(1) := 1$
különben $T(1) := 0$

Eljárás vége.





Szimuláció: közlekedés szimuláció



Lámpás eset – 1 időegység lejátszása:

Útszimuláció2 (idő) :

Ha nem üres (S2) és idő-első (S2) > N-L akkor Sorból (S2, x)

Ha nem üres (S1) és idő-első (S1) > L és elemszám (S2) < (N-L) / 2
akkor Sorból (S1, x) ; Sorba (S2, idő)

Ha véletlenszám < Be és elemszám (S1) < L/2 akkor Sorba (idő)

Eljárás vége.



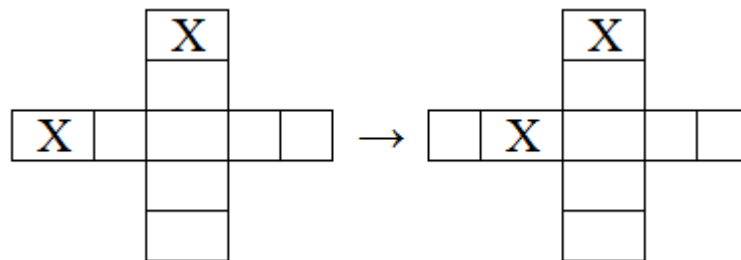


Közlekedés szimuláció



További feladatok:

- a kereszteződésben jobbkéz-szabály van: ha a kereszteződés előtti cellákba egyszerre lépne 2 autó, akkor a balról jövő léphet, a felülről jövő nem (kereszteződés a K pozíción)





Szimuláció: közlekedés szimuláció - helyenként



Útszimuláció1:

Ciklus $j=N-1$ -től $K-1$ -ig -1 -esével

$TV(j+1) := TV(j)$

Ciklus vége

Ha $TF(K-1)=1$ akkor $TV(K-1) := 0$ különben $TV(K-1) := TV(K-2)$

Ciklus $j=K-3$ -tól 1 -ig -1 -esével

Ha $TV(j+2)=1$ akkor $TV(j+1) := 0$ különben $TV(j+1) := TV(j)$

Ciklus vége

Ha véletlenszám $< Be$ és $TV(2)=0$ akkor $TV(1) := 1$
különben $TV(1) := 0$

... {függőleges út}

Eljárás vége.





Szimuláció: közlekedés szimuláció - sorokkal



Útszimuláció2 (idő) :

Ha nem üres (SV2) és idő-első (SV2) > N-K akkor Sorból (SV2)

Ha nem üres (SF2) és idő-első (SF2) > N-K akkor Sorból (SF2)

Ha nem üres (SV1) és idő-első (SV1) > K-1 és ker=0
akkor Sorból (SV1); Sorba (SV2, idő); ker:=1
különben ker:=0

Ha véletlenszám < Be és hossz (SV1) < K/2 és
utolsó (SV1) < idő-1 akkor Sorba (idő)

... {függőleges út}

Eljárás vége.



4 sor kell a 4 útszakaszra, továbbá a kereszteződés kezelése.

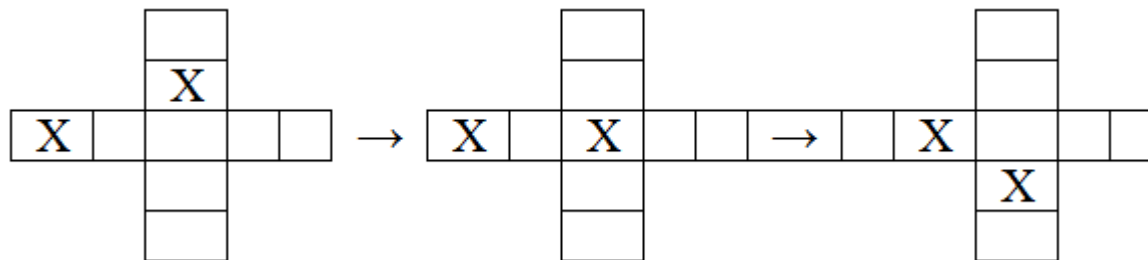


Közlekedés szimuláció



További feladatok:

- ha a felülről jövő a kereszteződésbe lép, a balról jövőnek tartania kell az 1 cella távolságot.





Játéktábla



Egy játéktáblán a 0. időegységben L bábu van. Mindegyiket elindítjuk valamerre. Egy időegység alatt mindegyik a neki megfelelő irányba mozdul el, a tábla szélén mozgás irányukat az ellenkezőre változtatják. Lehetséges, hogy előbb-utóbb két bábu összeütközik: ugyanarra a helyre lépnének vagy átlépnének egymáson.

Készíts programot, amely megadja, hogy K időegységen belül mikor ütközik legelőször két bábu!





Szimulációs nyelv (GPSS)



Egy esztergapad működését kell modelleznünk, előtte a munkadarabok sorbaállnak, érkezés 10 ± 3 , feldolgozás 9 ± 4 percig tart. Milyen az eszterga kihasználtsága, átlagos sorhossz, termékek keletkezési üteme,...?

```
SIMULATE  
GENERATE 10,3  
QUEUE SOR  
SEIZE ESZTERGA  
DEPART SOR  
ADVANCE 9,4  
RELEASE ESZTERGA  
TERMINATE 1  
START 1000  
END
```





Szimuláció